

Областное государственное бюджетное профессиональное  
образовательное учреждение  
Димитровградский технический колледж

***РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ***  
***ОУД. 04 «МАТЕМАТИКА»***

*по профессии:*

*23.01.17 Мастер по ремонту и обслуживанию автомобилей.*

Димитровград  
2022

Рабочая программа общеобразовательной учебной дисциплины «МАТЕМАТИКА» разработана на основе примерной программы учебной дисциплины «МАТЕМАТИКА», рекомендованной Федеральным государственным автономным учреждением «Федеральный институт развития образования» (ФГАУ «ФИРО») Протокол №3 от 21 июня 2015 г. в качестве примерной программы для реализации основной профессиональной образовательной программы СПО на базе основного общего образования с получением среднего общего образования. Регистрационный номер рецензии 377 от 23 июля 2015 г. ФГАУ «ФИРО».

**Организация-разработчик:** областное государственное бюджетное профессиональное образовательное учреждение Димитровградский технический колледж

РАССМОТРЕНО

на заседании цикловой  
комиссии «Математические,  
общие естественнонаучные и  
спортивные науки»  
Протокол заседания ЦК №10  
от «10» июня 2022 г

РЕКОМЕНДОВАНО

Научно-методическим советом  
ОГБПОУ ДТК  
Протокол № 5  
от «10» июня 2022 г

**Разработчик:** Сагирова Ф.В. - преподаватель ОГБПОУ ДТК  
Ф.И.О., ученая степень, звание, должность

## **СОДЕРЖАНИЕ**

<b>1. ПАСПОРТ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ .....</b>	<b>4</b>
<b>2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ .....</b>	<b>11</b>
<b>3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ .....</b>	<b>12</b>
<b>4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ .....</b>	<b>33</b>

# **1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ «МАТЕМАТИКА».**

## **1.1. Область применения программы**

Программа общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» предназначена для изучения математики в профессиональных образовательных организациях СПО, реализующих образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения основной профессиональной образовательной программы СПО на базе основного общего образования при подготовке специалистов среднего звена.

Освоение рабочей программы учебной дисциплины возможно с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий.

В случае необходимости при переходе на дистанционное обучение возможна перестановка последовательности изучения отдельных разделов (тем).

**1.2. Место дисциплины в структуре основной профессиональной образовательной программы:** учебная дисциплина «Математика» принадлежит к общеобразовательному циклу.

Программа разработана на основе требований ФГОС среднего общего образования, предъявляемых к структуре, содержанию и результатам освоения учебной дисциплины «Математика», в соответствии с Рекомендациями по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом требований федеральных государственных образовательных стандартов для специальности среднего профессионального образования (письмо Департамента государственной политики в сфере подготовки рабочих кадров и ДПО Минобрнауки России от 17.03.2015 № 06-259).

**1.3. Цели и задачи учебной дисциплины – требования к результатам освоения дисциплины:**

Содержание программы «Математика» направлено на достижение следующих целей:

- обеспечение сформированности представлений о социальных, культурных и исторических факторах становления математики;
- обеспечение сформированности логического, алгоритмического и математического мышления;
- обеспечение сформированности умений применять полученные знания при решении различных задач;
- обеспечение сформированности представлений о математике как части общечеловеческой культуры, универсальном языке науки, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления.

Математика является фундаментальной общеобразовательной дисциплиной со сложившимся устойчивым содержанием и общими требованиями к подготовке обучающихся. В профессиональных образовательных организациях, реализующих образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения ОПОП СПО на базе основного общего образования, изучение математики имеет свои особенности в зависимости от профиля профессионального образования.

Общие цели изучения математики традиционно реализуются в четырех направлениях:

- 1) общее представление об идеях и методах математики;
- 2) интеллектуальное развитие;
- 3) овладение необходимыми конкретными знаниями и умениями;
- 4) воспитательное воздействие.

Содержание учебной дисциплины разработано в соответствии с основными содержательными линиями обучения математике:

- **алгебраическая линия**, включающая систематизацию сведений о числах; изучение новых и обобщение ранее изученных операций (возвведение в степень, извлечение корня, логарифмирование, синус, косинус, тангенс, котангенс и обратные к ним); изучение новых видов числовых выражений и формул; совершенствование практических навыков и вычислительной культуры, расширение и совершенствование алгебраического аппарата, сформированного в основной школе, и его применение к решению математических и прикладных задач;
- **теоретико-функциональная линия**, включающая систематизацию и расширение сведений о функциях, совершенствование графических умений; знакомство с основными идеями и методами математического анализа в объеме, позволяющем исследовать элементарные функции и решать простейшие геометрические, физические и другие прикладные задачи;
- **линия уравнений и неравенств**, основанная на построении и исследовании математических моделей, пересекающаяся с алгебраической и теоретико-функциональной линиями и включающая развитие и совершенствование техники алгебраических преобразований для решения уравнений, неравенств и систем; формирование способности строить и исследовать простейшие математические модели при решении прикладных задач, задач из смежных и специальных дисциплин;
- **геометрическая линия**, включающая наглядные представления о пространственных фигурах и изучение их свойств, формирование и развитие пространственного

воображения, развитие способов геометрических измерений, координатного и векторного методов для решения математических и прикладных задач;

- **стochasticкая линия**, основанная на развитии комбинаторных умений, представлений о вероятностно-статистических закономерностях окружающего мира.

Изучение общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» завершается подведением итогов в форме экзамена в рамках промежуточной аттестации студентов в процессе освоения основной ОПОП СПО с получением среднего общего образования.

## РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Освоение содержания учебной дисциплины «Математика» обеспечивает достижение студентами следующих *результатов*:

• **личностных:**

Личностные результаты обучения	Соответствующие ОК	Соответствующие личностные результаты реализации программы воспитания
— сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики; – понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей;	ОК 06	
– развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;	ОК 03	
– овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных естественно-научных дисциплин и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;	ОК 02	
– готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;	ОК 03	ЛР 4
— готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности;	ОК 03	ЛР 4

– готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;	<b>ОК 04</b>	<b>ЛР 4</b>
– отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем.	<b>ОК 01 ОК 04</b>	<b>ЛР 4</b>

### **Общие компетенции:**

**ОК 1.** Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности, применительно к различным контекстам.

**ОК 02.** Осуществлять поиск, анализ и интерпретацию информации, необходимой для выполнения задач профессиональной деятельности.

**ОК 03.** Принимать решения в стандартных и нестандартных ситуациях и нести за них ответственность. Оценивать риски и принимать решения в нестандартных ситуациях.

**ОК 04.** Работать в коллективе и команде, эффективно взаимодействовать с коллегами, руководством, клиентами.

**ОК 06.** Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей.

### ***Личностные результаты реализации программы воспитания***

<b>ЛР 4</b>	Проявляющий и демонстрирующий уважение к людям труда, осознающий ценность собственного труда. Стремящийся к формированию в сетевой среде личностно и профессионального конструктивного «цифрового следа»
-------------	--

#### **• метапредметных:**

- умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;
- умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;
- владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;
- готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, включая умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;
- владение языковыми средствами: умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;
- владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств для их достижения;
- целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений; способность воспринимать красоту и гармонию мира;

#### **• предметных:**

— сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;

— сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;

— владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

— владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;

— сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;

— владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;

— сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;

— владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

<b>Результаты (освоенные общие компетенции)</b>	<b>Основные показатели оценки результата</b>	<b>Формы и методы контроля и оценки</b>
<b>ОК 1.</b> Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности, применительно к различным контекстам	- обоснование выбора профессии; - участие в мероприятиях профессиональной направленности; - проектирование индивидуальной траектории профессионального развития - участие в предметных олимпиадах, которые включают в себя нестандартные задания, требующие применение предметной логики, а не материала из обязательного курса;	- тестовые конструкции, содержащие задачи с пропущенными единицами измерения величин(или с лишними данными); - составление теста и эталона к нему; - ответы на контрольные вопросы; -составление или решение математического кроссворда на математические понятия, определения и т.п.; - творческие работы (реферат, доклад, сообщение, сочинение);
<b>ОК 2.</b> Осуществлять поиск, анализ и интерпретацию информации, необходимой для	- определение задач деятельности с учетом поставленных целей и способов их достижений; - структурирование задач деятельности	- проверка выполнения домашних заданий; - самостоятельная и контрольная работы по теме, разделу; - выполнение практического задания (сконструировать модели

выполнения задач профессиональной деятельности.		<p><i>многогранника и тел вращения);</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- повторная работа над учебным материалом (учебника, первоисточника, дополнительной литературы, аудио- и видеозаписей);</li> <li>- составление плана и тезисов ответа;</li> <li>- составление таблиц для систематизации учебного материала;</li> <li>- ответы на контрольные вопросы;</li> <li>- типовые расчеты;</li> <li>- решение экзаменационных вариантов, в том числе ЕГЭ;</li> </ul>
<b>ОК 03.</b> Принимать решения в стандартных и нестандартных ситуациях и нести за них ответственность \ Оценивать риски и принимать решения в нестандартных ситуациях	<ul style="list-style-type: none"> <li>- владение методами и способами поиска информации;</li> <li>- осуществление оценки значимости информации для выполнения профессиональных задач;</li> <li>- использование информации как средства эффективного выполнения профессиональных задач</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- наблюдение в ходе аудиторной и внеаудиторной самостоятельной работы;</li> <li>- решения задач прикладного характера по темам «Многогранники» и «Тела вращения»;</li> <li>- предоставить обучающимся возможность составлять самим всевозможные тестовые конструкции, задачи;</li> </ul>
<b>ОК 4.</b> Работать в коллективе и команде, эффективно взаимодействовать с коллегами, руководством, клиентами.	<ul style="list-style-type: none"> <li>- владение персональным компьютером и периферийными устройствами;</li> <li>- использование программного обеспечения в решении профессиональных задач;</li> <li>- применение мультимедиа в профессиональной деятельности;</li> <li>- осуществление анализа и оценки информации с использованием информационно-коммуникационных технологий (электронно-методические комплекты, интернет-ресурсы, электронные носители и т.д.)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- использование презентаций;</li> <li>- творческие работы (реферат, доклад, сообщение, сочинение);</li> <li>- изготовление геометрических фигур;</li> <li>- разработка проекта, включающего элементы самостоятельного исследования и направленного на поиск новых методов решения поставленных задач (например, «Математика в моей профессии»);</li> <li>- составление алгоритмов для типовых заданий;</li> <li>- составление и решение самостоятельно составленных задач;</li> <li>- выполнение расчетно-графических работ;</li> <li>- составление и заполнение таблиц для систематизации учебного материала;</li> </ul>
<b>ОК 6.</b> Проявлять гражданско-	<ul style="list-style-type: none"> <li>- участие в мероприятиях военно-патриотической направленности;</li> <li>- владение методами, средствами</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- портфолио;</li> <li>- наблюдение в ходе formalизованных образовательных</li> </ul>

<p>патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей.</p>	<p><i>и способами создания безопасных условий безопасности жизнедеятельности;</i>  <i>- владение методами и способами оказания помощи, защиты в условиях чрезвычайных ситуаций:</i>  <i>- владение способами бесконфликтного общения и саморегуляции в повседневной жизнедеятельности и в условиях чрезвычайных ситуаций</i></p>	<p>ситуаций</p>
--	--	-----------------

## СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Вид учебной работы	<i>Объем часов</i>
<b>Объем образовательной нагрузки</b>	<b>285</b>
<b>Всего учебных занятий</b>	<b>285</b>
в том числе:	
практические занятия:	118
теоретические занятия:	167
<b>контрольные работы</b>	8
<b>контрольные срезы:</b>	
- входной контроль	1
- промежуточный контроль	3
Консультации	6
Промежуточная аттестация	8
<i>Итоговая аттестация в четвертом семестре в форме экзамена.</i>	

## Тематический план и содержание учебной дисциплины МАТЕМАТИКА

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала, лабораторные и практические работы, самостоятельная работа обучающихся	Объем часов	Уровень освоения
1	2	3	4
<b>1 семестр</b>			
<b>ВВЕДЕНИЕ</b>			<b>4</b>
<b>Введение</b>	<b>Содержание учебного материала:</b> Математика в науке и практической деятельности. Цели и задачи изучения математики в учреждениях СПО.	2	2
	Обобщение знаний.	1	
	<b>Входной контроль.</b>	1	
<b>РАЗДЕЛ 1. РАЗВИТИЕ ПОНЯТИЯ О ЧИСЛЕ</b>			<b>12</b>
<b>Тема 1.1. Развитие понятия о числе.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> <b>знать</b> – множества чисел; порядок действий; решать уравнения; алгоритм решения линейных и квадратных уравнений; формулы сокращенного умножения; <b>уметь</b> - выполнять арифметических действий над числами, сочетая устные и письменные приемы; находить приближенные значения величин и погрешностей вычислений; сравнивать числовые выражения; находить ошибки в преобразованиях и вычислениях; раскрывать скобки. <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 03, ОК 06, ЛР 4.	12	2-3
	<b>Содержание учебного материала:</b> Целые и рациональные числа. Действительные числа. Действия с дробями.	2	
	Приближенное вычисление. Приближенное значение и погрешности приближений.	2	
	<b>Практическое занятие №1.</b> Нахождение приближенных значений величин.	2	
	Комплексные числа. Свойства комплексных чисел. Геометрическая интерпретация.	2	
	<b>Практическое занятие №2.</b> Алгебраические действия над комплексными числами.	2	
	<i>Обобщение знаний.</i>	1	
	<i>Контрольная работа.</i>	1	

<b>РАЗДЕЛ 2. КОРНИ, СТЕПЕНИ, ЛОГАРИФМЫ</b>		<b>32</b>	
<b>Тема 2.1.</b> <b>Корни и степени.</b>	<p><b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b></p> <p><b>знать</b> - понятие корня, свойства корней; алгоритм решения уравнений; формулы сокращенного умножения;</p> <p><b>уметь</b> - вычислять и сравнивать корни; преобразовывать числовые и буквенные выражения, содержащих радикалы; выполнять расчеты по формулам, содержащим радикалы, осуществляя необходимые подстановки и преобразования; находить значения степени, используя при необходимости инструментальные средства; записывать корн <math>n</math>-й степени в виде степени с дробным показателем и наоборот; вычислять степени с рациональным показателем; преобразовывать числовые и буквенные выражения, содержащих степени, применяя свойства; решать простейшие показательные и иррациональные уравнения.</p> <p><b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ОК 04, ЛР 4.</p>	<b>14</b>	2-3
	<p><b>Содержание учебного материала:</b></p> <p>Корни натуральной степени и их свойства.</p>	2	
	<p><b>Практическое занятие №3.</b></p> <p>Вычисление и сравнение корней.</p>	2	
	<p>Степени с рациональным показателем, их свойства.</p>	2	
	<p><b>Практическое занятие №4.</b></p> <p>Преобразование выражений, содержащих степени.</p>	2	
	<p>Степень с действительным показателем, их свойства.</p>	2	
	<p><b>Практическое занятие №5.</b> Решение простейших показательных уравнений.</p>	2	
	<p><b>Практическое занятие №6.</b> Решение иррациональных уравнений.</p>	2	
<b>Тема 2.2.</b> <b>Логарифм. Логарифм числа.</b>	<p><b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b></p> <p><b>знать</b> – определение логарифма; свойства логарифмов; алгоритм решения логарифмических уравнений;</p> <p><b>уметь</b> – преобразовывать числовые и буквенные выражения, содержащие логарифмы; выполнять расчеты по формулам, содержащие логарифмы, осуществляя необходимые подстановки и преобразования; преобразовывать числовые и буквенные выражения, содержащих логарифмы; решать простейшие логарифмические уравнения.</p> <p><b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4.</p>	<b>18</b>	2-3

	<b>Содержание учебного материала:</b> Логарифм. Основное логарифмическое тождество. Натуральные логарифмы. Десятичные логарифмы.	2	
	<b>Практическое занятие №7.</b> Нахождение логарифма по произвольному логарифму.	2	
	Правила действий с логарифмами.	2	
	<b>Практическое занятие №8.</b> Переход к новому основанию.	2	
	<b>Практическое занятие №9.</b> Вычисление и сравнение логарифмов.	2	
	Преобразование логарифмических выражений.	2	
	<b>Практическое занятие №10.</b> Логарифмирование выражений.	2	
	<b>Практическое занятие №11.</b> Решение простейших логарифмических уравнений.	2	
	<i>Обобщение знаний.</i>	1	
	<b>Контрольная работа.</b>	1	
<b>РАЗДЕЛ 3. ПРЯМЫЕ И ПЛОСКОСТИ В ПРОСТРАНСТВЕ</b>		<b>20</b>	
<b>Тема 3.1. Прямые и плоскости в пространстве.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> <b>знать</b> - понятия параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости и в пространстве; понятие параллельности и перпендикулярности прямой и плоскости в пространстве; понятие параллельности и перпендикулярности плоскостей в пространстве; признаки параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости; понятие прямоугольного треугольника, формулировка теоремы Пифагора; понятия простейших тригонометрических функций;	<b>20</b>	2-3
	<b>уметь</b> - распознавать на чертежах и моделях параллельные и перпендикулярные прямые, плоскости; описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве; анализировать в простейших случаях взаимное расположение объектов в пространстве; применять для решения задач.		
	<b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 03, ОК 04, ЛР 4.		
	<b>Содержание учебного материала</b> Аксиомы стереометрии и следствия аксиом. Взаимное расположение двух прямых в пространстве.	2	
	Параллельность прямой и плоскости. Параллельность плоскостей. Признаки параллельности прямых в пространстве. Признаки параллельности прямой и плоскости. Признаки параллельности плоскостей.	2	
	<b>Практическое занятие №12.</b> Признаки взаимного расположения прямых.	2	

	<b>Практическое занятие №13.</b> Взаимное расположение прямых, прямых и плоскостей.	2	
	Перпендикулярность прямых в пространстве. Признак перпендикулярности прямой и плоскости. Свойства перпендикулярности прямой и плоскости. Признак перпендикулярности плоскостей.	2	
	<b>Практическое занятие №14.</b> Угол между прямыми, между прямой и плоскостью. Двугранный угол.	2	
	Перпендикуляр и наклонная.	2	
	Теорема о трех перпендикулярах.	2	
	<b>Практическое занятие №15.</b> Расстояние от точки до плоскости, от прямой до плоскости.	2	
	Обобщение знаний.	1	
	<b>Итоговая контрольная работа за 1 семестр.</b>	1	
	<b>Всего за 1 семестр:</b> теоретические занятия практические занятия	<b>68</b> 38 30	

## 2 семестр

<b>РАЗДЕЛ 4. КООРДИНАТЫ И ВЕКТОРЫ.</b>		22	
<b>Тема 4.1.</b> <b>Координаты и векторы.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> знать - понятия вектора; понятия угла между прямыми, плоскостями; уметь - находить расстояние между точками через координаты; находить координаты середины отрезка; производить действия над векторами (сложение, вычитание, умножение); находить уравнение окружности, сферы, плоскости; находить скалярное произведение векторов. <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 03, ОК 04, ЛР 4.	22	2-3
	<b>Содержание учебного материала:</b> Прямоугольная (декартова) система координат в пространстве.	2	
	Формула расстояния между двумя точками. Координаты середины отрезка.	2	
	<b>Практическое занятие №16.</b> Нахождение расстояния между точками.	2	
	Уравнение сферы, плоскости и прямой.	2	

	Векторы. Модуль вектора. Равенство векторов. Сложение векторов. Умножение вектора на число. <b>Практическое занятие №17.</b> Действия над векторами, заданными координатами. Угол между двумя векторами. Координаты вектора. Скалярное произведение векторов. <b>Практическое занятие №18.</b> Скалярное произведение векторов. <b>Практическое занятие №19.</b> Применение векторов для решения задач. Обобщение знаний. <b>Контрольная работа.</b>	2 2 2 2 2 2	
	<b>РАЗДЕЛ 5. ФУНКЦИИ И ГРАФИКИ</b>	<b>22</b>	
<b>Раздел 5.1.</b> <b>Функции. Понятие о непрерывности функции. Свойства функции.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> знать – виды и графики элементарных функций; определения четности и нечетности функций; уметь – выражать по формуле одной переменной через другие; находить области определения и области значений функции; анализировать, строить и читать графики функций; исследовать функции; определять по формуле простейшей зависимости, вида ее графика. <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4. <b>Содержание учебного материала:</b> Функции. Область определения и множество значений функции.	<b>4</b>	<b>2</b>
	Свойства функции: монотонность, четность, нечетность, ограниченность, периодичность.	2	
<b>Тема 5.2.</b> <b>Обратные функции</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> знать – виды и графики элементарных функций; определения четности и нечетности функций; уметь – выражать по формуле одной переменной через другие; находить области определения и области значений функции; анализировать, строить и читать графики функций; исследовать функции; определять по формуле простейшей зависимости, вида ее графика. <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4. <b>Содержание учебного материала:</b> Обратные функции. Область определения и область значений обратной функции.	<b>4</b>	<b>2-3</b>

	<b>Практическое занятие №20.</b> Построение графиков обратных функций. Нахождение ООФ и ОЗФ.	2	
<b>Тема 5.3. Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции. Обратные тригонометрические функции.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> <b>знать</b> - понятия обратной функции, определение вида <i>графика обратной функции</i> ; понятия степенных, показательных, логарифмических, их свойства и виды их графиков; <b>уметь</b> – находить области определения и области значений функции; строить график обратной функции; применять свойства функций при исследовании уравнений и решении задач на экстремум; вычислять значения функций по значению аргумента; определять положения точки на графике по ее координатам и наоборот; использовать свойства функций для сравнения значений степеней и логарифмов. <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 03, ОК 04, ЛР 4.	14	2-3
	<b>Содержание учебного материала:</b> Степенная функция, ее свойства и график.	2	
	Показательная функция, ее свойства и график.	2	
	Логарифмическая функция, ее свойства и график.	2	
	<b>Практическое занятие №21.</b> Построение графиков степенной, показательной и логарифмической функции.	2	
	Графики тригонометрических функций.	2	
	<b>Практическое занятие №22.</b> Построение графиков тригонометрических функций с помощью геометрических преобразований.	2	
	Обратные тригонометрические функции, их свойства и графики.	2	
<b>РАЗДЕЛ 6. ОСНОВЫ ТРИГОНОМЕТРИИ.</b>		36	
<b>Тема 6.1. Основные понятия.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> <b>знать</b> – формулы перевода из радиан в градусы и наоборот; <b>уметь</b> – переводить из градусов в радианы (и обратно); определять углы по четвертям; определять знаки тригонометрических функций. <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4.	6	2-3
	<b>Содержание учебного материала:</b> Радианная и градусная меры углов. Перевод радиан в градусы (и обратно). Вращательное движение.	2	
	<b>Практическое занятие №23.</b> Радианный метод измерения углов вращения и связь с градусной мерой.	2	

	Синус, косинус, тангенс, котангенс. Основные тригонометрические тождества. Формулы двойного аргумента.	2	
<b>Тема 6.2. Основные тригонометрические тождества.</b> •	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> <b>знать</b> - основное тригонометрическое тождество; основные формулы тригонометрии; формулы приведения; формулы сложения; формулы двойного и половинного аргумента; формулы сокращенного умножения; сокращение дробей; разложение на множители; нахождение общего знаменателя; <b>уметь</b> – определять знаки тригонометрических функций; применять основные формулы тригонометрии для преобразования выражений. <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4.	<b>14</b>	2-3
	<b>Содержание учебного материала:</b> <b>Практическое занятие №24.</b> Основные формулы тригонометрии. Основные тригонометрические тождества.	2	
	Формулы приведения.	2	
	<b>Практическое занятие №25.</b> Формулы сложения. Преобразование тригонометрических выражений по формулам сложения.	2	
	Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму.	2	
	<b>Практическое занятие №26.</b> Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму. Формулы удвоения. Формулы половинного угла.	2	
	<b>Практическое занятие №27.</b> Преобразование выражений по формулам удвоения и половинного угла.	2	
<b>Тема 6.3. Арксинус, арккосинус, арктангенс числа.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> <b>знать</b> - определения арксинуса, арккосинуса, арктангенса числа; <b>уметь</b> – определять арксинус, арккосинус, арктангенс числа; пользоваться таблицей значений. <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4.	<b>6</b>	2-3
	<b>Содержание учебного материала:</b> Обратные тригонометрические функции. Арксинус, арккосинус, арктангенс.	2	
	<b>Практическое занятие №28.</b> Обратные тригонометрические функции: арксинус, арккосинус, арктангенс.	2	
	Обобщение знаний.	1	

	<b>Контрольная работа.</b>	<i>I</i>	
<b>Тема 6.4. Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства.</b>	<p><b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b>  <b>знать</b> - определения арксинуса, арккосинуса, арктангенса числа; формулы для решения простейших тригонометрических уравнений и неравенств;  <b>уметь</b> – решать по формулам и тригонометрическому кругу простейшие тригонометрические уравнения; уметь отмечать на круге решения простейших тригонометрических неравенств.  <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4.</p> <p><b>Содержание учебного материала:</b>  Простейшие тригонометрические уравнения.</p> <p><b>Практическое занятие №29.</b>  Решение простейших тригонометрических уравнений.</p> <p>Простейшие тригонометрические неравенства.</p> <p><b>Практическое занятие №30.</b>  Решение простейших тригонометрических неравенств.</p> <p>Обобщение знаний.</p> <p><b>Итоговая контрольная работа за II семестр.</b></p>	<b>10</b>	2-3
	<b>Итого во 2 семестре</b>	<b>80</b>	
	теоретические занятия	<b>50</b>	
	практические занятия	<b>30</b>	
<b>3 семестр</b>			
<b>РАЗДЕЛ 7. МНОГОГРАННИКИ И КРУГЛЫЕ ТЕЛА.</b>		<b>30</b>	
<b>Тема 7.1. Многогранники.</b>	<p><b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b>  <b>знать</b> - виды многогранников и их свойства, основные элементы; теорему Пифагора; понятия тригонометрических функций; формулы периметра и площади многоугольников;  <b>уметь</b> – изображать многогранники и выполнение построения на изображениях и моделях многогранников; вычислять линейные элементы и углов в пространственных конфигурациях, строить простейшие сечения куба, призмы, пирамиды; решать простейшие задачи; изображать основные многогранники и выполнение рисунков по условиям задач.</p> <p><b>Формирование:</b> ОК 04, ОК 02, ОК 3, ЛР 4.</p>	<b>12</b>	2-3

	<b>Содержание учебного материала:</b> Вершины, ребра, грани многогранника. <i>Развертка. Многогранные углы.</i> <i>Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера.</i> Изображения, сечения многогранников.	2	2
	Призма. Прямая и <i>наклонная</i> призма. Правильная призма. Параллелепипед. Центральная симметрия параллелепипеда. Прямоугольный параллелепипед. Наклонный параллелепипед. Куб. Симметрии в кубе, в параллелепипеде, в призме.	2	
	<b>Практическое занятие №31.</b> Нахождение основных элементов призмы, параллелепипеда.	2	
	Пирамида. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Симметрии в кубе.	2	
	<b>Практическое занятие №32.</b> Нахождение основных элементов пирамид.	2	
	Правильные многогранники.	2	
<b>Тема 7.2. Тела и поверхности вращения.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> знать - характеристики и изображение тел вращения, их развертки, сечения; уметь – изображать основные круглые тела и выполнять рисунок по условию задачи; решать задачи на построение сечений, вычисление длин, расстояний, углов, площадей. <b>Формирование:</b> ОК 04, ОК 02, ОК 3, ЛР 4.	8	2-3
	<b>Содержание учебного материала:</b> Понятие тел вращения. Цилиндр, основные элементы. Сечения цилиндра плоскостями. Нахождение основных элементов цилиндра.	2	
	Конус. Сечения конуса. Усеченный конус. Нахождение основных элементов конуса.	2	
	Шар и сфера, их сечения. Касательная плоскость к сфере.	2	
	<b>Практическое занятие №33.</b> Нахождение основных элементов шара, сферы.	2	
<b>Тема 7.3. Измерения в геометрии.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> знать - формулы для вычисления площадей поверхностей многогранников и тел вращения; формулы периметра и площади многоугольников; теорему Пифагора; понятия тригонометрических функций; уметь – решать задачи на вычисление площадей плоских фигур с применением соответствующих формул и фактов из планиметрии; решать задачи на применение формул вычисления объемов; решать задачи на вычисление площадей поверхности пространственных тел.	10	2-3

	<b>Формирование:</b> ОК 04, ОК 02, ОК 3, ЛР 4. <b>Содержание учебного материала:</b> Объем и площадь поверхности многогранников. <b>Практическое занятие №34.</b> Вычисление объема и площади поверхности многогранников. Объем и площадь поверхности тел вращения. <b>Практическое занятие №35.</b> Вычисление площади поверхности и объема тел вращения. Обобщение знаний. <b>Контрольная работа.</b>	2 2 2 2 1 1	
	<b>РАЗДЕЛ 8. УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА.</b>	<b>30</b>	
<b>Тема 8.1.</b> <b>Уравнения и системы уравнений.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> знать – основных приемов решения все видов уравнений; алгоритм решения квадратных уравнений; уметь – решать рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические уравнения; решать уравнения с применением всех приемов (разложения на множители, введения новых неизвестных, подстановки, графического метода). <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4. <b>Содержание учебного материала:</b> Равносильность уравнений и неравенств. Правила равносильности уравнений и неравенств. Решение линейных и квадратных уравнений и неравенств.	<b>14</b>	2-3
	<b>Практическое занятие №36.</b> Метод интервалов.	2	
	<b>Практическое занятие №37.</b> Иррациональные уравнения.	2	
	<b>Практическое занятие №38.</b> Показательные уравнения. Решение показательных уравнений.	2	
	<b>Практическое занятие №39.</b> Логарифмические уравнения. Решение логарифмических уравнений.	2	
	<b>Практическое занятие №40.</b> Тригонометрические уравнения. Решение тригонометрических уравнений.	2	
<b>Тема 8.2.</b> <b>Неравенства.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> знать – основных приемов решения все видов неравенств; метод интервалов; уметь – решать рациональные, иррациональные, показательные и	<b>6</b>	2-3

	тригонометрические неравенства; решать неравенства с применением всех приемов (разложения на множители, введения новых неизвестных, подстановки, графического метода). <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4.		
	<b>Содержание учебного материала:</b> <b>Практическое занятие №41.</b> Иррациональные неравенства.	2	
	Показательные неравенства. <b>Практическое занятие №42.</b> Решение показательных неравенств.	2	
	Логарифмические неравенства. <b>Практическое занятие №43.</b> Решение логарифмических неравенств.	2	
<b>Тема 8.3.</b> <b>Системы уравнений и неравенств.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> знать – основные приемы решения систем уравнений и неравенств (метод подстановки, методы сложения и вычитания, метод интервалов); уметь – решать рациональные, иррациональные, показательные системы уравнений; решать систем уравнений с применением различных способов. <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4.	<b>4</b>	2-3
	<b>Содержание учебного материала:</b> <b>Практическое занятие №44.</b> Решение систем уравнений.	2	
	Решение систем неравенств.	2	
<b>Тема 8.4.</b> <b>Использование свойств и графиков функций при решении уравнений и неравенств.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> знать – виды и графики функций; метод интервалов; уметь – решать системы уравнений и неравенств графическим способом. <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4.	<b>6</b>	2
	<b>Содержание учебного материала:</b> Решение систем уравнений и неравенств графическим способом.	2	
	Решение систем неравенств графическим методом.	2	
	Обобщение знаний.	1	
	<b>Контрольная работа.</b>	1	
<b>РАЗДЕЛ 9. КОМБИНАТОРИКА.</b>		<b>8</b>	
<b>Тема 9.1.</b> <b>Основные понятия комбинаторики</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> знать - правила комбинаторики и применение при решении комбинаторных задач; понятия комбинаторики: размещение, сочетание, перестановка и формулы		1

	для их вычисления; формулы для вычисления размещений, перестановок и сочетаний при решении задач; бином Ньютона и треугольником Паскаля; <b>уметь</b> – решать комбинаторные задачи методом перебора и по правилу умножения; решать практические задачи с использованием понятий и правил комбинаторики. <b>Формирование:</b> ОК 04, ОК 02, ОК 3, ЛР 4		
	<b>Содержание учебного материала:</b> Основные понятия комбинаторики.	2	
	<b>Практическое занятие №45.</b> Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний, перебор вариантов.	2	
	Свойства биноминальных коэффициентов. Треугольник Паскаля.	2	
	Обобщение знаний.	1	
	<b>Итоговая контрольная работа за 3 семестр.</b>	1	
	<b>Всего за 3 семестр:</b> теоретические занятия практические занятия	<b>68</b> 38 30	

## 4 семестр

	<b>РАЗДЕЛ 10. НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА</b>	28	
<b>Тема 10.1.</b> <b>Последовательности.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> знать - понятием числовой последовательности, способы ее задания, вычисления ее членов; формулы суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии; уметь – вычислять члены числовой последовательности; вычислять суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии; решать задачи. <b>Формирование:</b> ОК 04, ОК 02, ОК 3, ЛР 4.	8	2-3
	<b>Содержание учебного материала:</b> Способы задания и свойства числовых последовательностей.	2	

Суммирование последовательностей.  
Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и ее сумма.

	Предел функции в точке. Основные свойства предела. Предел функции в точке и на бесконечности.	2	
	<b>Практическое занятие №46.</b> Вычисление пределов.	2	
<b>Тема 10.2. Производная и ее применение.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> <b>знать</b> - механический и геометрический смысл производной; алгоритма вычисления производной на примере вычисления мгновенной скорости и углового коэффициента касательной; таблицу производных элементарных функций; правила вычисления производных; <b>уметь</b> – вычислять производные функции; находить промежутки возрастания и убывания, точки экстремума; вычислять наибольшее и наименьшее значения функции; проводить исследование функции.- ознакомление с понятием производной; применять производную для решения задач: составление уравнения касательной в общем виде, нахождение наибольшего, наименьшего значения и нахождение точек экстремума, промежутков возрастания и убывания функции; исследования функции. <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4.	20	2-3
	<b>Содержание учебного материала:</b> Понятие о производной. Геометрический смысл производной.	2	
	Производные основных элементарных функций.	2	
	<b>Практическое занятие №47.</b> Правила и формулы дифференцирования, таблица производных элементарных функций.	2	
	<b>Практическое занятие №48.</b> Вычисление производных.	2	
	<b>Практическое занятие №49.</b> Касательная к графику функции. Уравнение касательной.	2	
	<b>Практическое занятие №50.</b> Признаки возрастания и убывания функции. Нахождение промежутков монотонности функций.	2	
	<b>Практическое занятие №51.</b> Критические точки функции. Признаки минимума и максимума. Нахождение точек экстремума.	2	
	<b>Практическое занятие №52.</b> Исследование функции с помощью производной.	2	
	<b>Практическое занятие №53 .</b> Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции.	2	
	Обобщение знаний.	1	
	<b>Контрольная работа.</b>	1	

<b>РАЗДЕЛ 11. ИНТЕГРАЛ И ЕГО ПРИМЕНЕНИЕ.</b>		<b>22</b>	
<b>Тема 11.1. Первообразная.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> <b>знать</b> - таблицу и правила вычисления первообразных; формулу вычисления площади криволинейной трапеции; <b>уметь</b> – вычислять первообразные функций; вычислять площадь криволинейной трапеции; решать задачи на связь первообразной и ее производной. <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4.	<b>6</b>	2-3
	<b>Содержание учебного материала:</b> Определение и основное свойство первообразной. Таблица первообразных. Три правила нахождения первообразных.	<b>2</b>	
	<b>Практическое занятие №54.</b> Вычисление первообразных.	<b>2</b>	
	<b>Практическое занятие №55.</b> Площадь криволинейной трапеции. Вычисление площади криволинейной трапеции.	<b>2</b>	
<b>Тема 11.2. Неопределенный интеграл.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> <b>знать</b> - понятие неопределенного интеграла; правила вычисления неопределенного интеграла; <b>уметь</b> – находить простые неопределенные интегралы. <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4.	<b>6</b>	2-3
	<b>Содержание учебного материала:</b> Неопределенный интеграл и его свойства. Основные табличные интегралы.	<b>2</b>	
	<b>Практическое занятие №56.</b> Вычисление неопределенного интеграла методом непосредственного интегрирования.	<b>2</b>	
	<b>Практическое занятие №57.</b> Вычисление неопределенного интеграла методом подстановки.	<b>2</b>	
<b>Тема 11.3. Определенный интеграл.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> <b>знать</b> - понятия определенного и неопределенного интеграла; способы вычисления определенного интеграла; теорему Ньютона - Лейбница; <b>уметь</b> – находить простые определенные интегралы; решать задачи на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей криволинейной трапеции; <b>Формирование:</b> ОК 02, ОК 3, ЛР 4.	<b>10</b>	2-3
	<b>Содержание учебного материала:</b> Определенный интеграл. Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона Лейбница.	<b>2</b>	

	Способы вычисления определенного интеграла.  <b>Практическое занятие №58.</b> Вычисление определенного интеграла методом непосредственного интегрирования.  <b>Практическое занятие №59.</b> Вычисление площадей плоских фигур с помощью определенного интеграла.  Обобщение знаний.  Контрольная работа.	2 2 2 1 1	
	<b>РАЗДЕЛ 12. ЭЛЕМЕНТЫ ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И СТАТИСТИКИ</b>	<b>10</b>	
<b>Тема 12.1.</b>  <b>Случайные величины.</b> <b>Частота и вероятность событий.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> знать - понятия вероятности событий, условной вероятности; уметь – решать задачи на вычисление вероятностей событий. <b>Формирование:</b> ОК 04, ОК 02, ОК 3, ЛР 4.  <b>Содержание учебного материала:</b> Событие, вероятность события, сложение и умножение вероятностей. Классическое определение вероятности. Решение задач на определение вероятности событий.	<b>4</b> 2 2	<b>1</b>
<b>Тема 12.2.</b>  <b>Дискретная случайная величина и её числовые характеристики</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> знать - понятие дискретной случайной величины; закон распределения; <b>должен</b> уметь – решать задачи на определение случайной величины. <b>Формирование:</b> ОК 04, ОК 02, ОК 3, ЛР 4.  <b>Содержание учебного материала:</b> Случайная величина. Дискретная случайная величина. Закон распределения и функция распределения дискретной случайной величины. Математическое ожидание, дисперсия случайной величины.	<b>4</b> 2 2	<b>1</b>
<b>Тема 12.3.</b>  <b>Элементы математической статистики.</b>	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> знать - элементы математической статистики; понятие представление данных; уметь – решать практические задачи математической статистики (построение таблиц, диаграмм). <b>Формирование:</b> ОК 04, ОК 02, ОК 3, ЛР 4.  <b>Содержание учебного материала:</b> Представление данных (таблицы, диаграммы, графики), <i>генеральная совокупность, выборка, среднее арифметическое, медиана. Понятие о задачах математической статистики.</i>	<b>2</b> 2	<b>1</b>

<b>ПОВТОРЕНИЕ.</b>		<b>9</b>	
	<b>В результате изучения темы обучающийся должен:</b> уметь – решать задачи по стереометрии; вычислять производные и первообразные, интегралы и пределы; находить корни и логарифмы; <b>знать</b> - понятие предела, производной (физический и геометрический смысл), первообразной, определенного и неопределенного интеграла.; понятия многогранников и круглых тел. <b>Формирование:</b> ОК 04, ОК 02, ОК 3, ЛР 4.		<b>3</b>
	<b>Содержание учебного материала:</b> <i>Повторение.</i> Координаты и векторы. Многогранники и круглые тела.	2	
	<i>Повторение.</i> Корни, степени, логарифмы.	2	
	<i>Повторение.</i> Производная и ее применение на практике. Первообразная и интеграл.	2	
	<i>Повторение.</i> Уравнения и неравенства.	1	
	<b>Всего за 4 семестр:</b> теоретические занятия практические занятия	<b>69</b> 41 28	
	<b>Объем образовательной нагрузки</b> <b>Всего:</b> теоретических занятий практических занятий	<b>285</b> 118 167	

## ХАРАКТЕРИСТИКА ОСНОВНЫХ ВИДОВ УЧЕБНОЙ ДЕЯТЕЛЬНОСТИ ОБУЧАЮЩИХСЯ

<b>Содержание обучения</b>	<b>Характеристика основных видов деятельности студентов (на уровне учебных действий)</b>
<b>Введение</b>	Ознакомление с ролью математики в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности. Ознакомление с целями и задачами изучения математики при освоении профессий СПО и специальностей СПО
<b>АЛГЕБРА</b>	
<b>Развитие понятия о числе</b>	<p>Выполнение арифметических действий над числами, сочетая устные и письменные приемы.</p> <p>Нахождение приближенных значений величин и погрешностей вычислений (абсолютной и относительной); сравнение числовых выражений.</p> <p>Нахождение ошибок в преобразованиях и вычислениях (относится ко всем пунктам программы)</p>
<b>Корни, степени, логарифмы</b>	<p>Ознакомление с понятием корня <math>n</math>-й степени, свойствами радикалов и правилами сравнения корней.</p> <p>Формулирование определения корня и свойств корней.</p> <p>Вычисление и сравнение корней, выполнение прикидки значения корня. Преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих радикалы.</p> <p>Выполнение расчетов по формулам, содержащим радикалы, осуществляя необходимые подстановки и преобразования.</p> <p>Определение равносильности выражений с радикалами.</p> <p>Решение иррациональных уравнений.</p> <p>Ознакомление с понятием степени с действительным показателем.</p> <p>Нахождение значений степени, используя при необходимости инструментальные средства.</p> <p>Записывание корня <math>n</math>-й степени в виде степени с дробным показателем и наоборот.</p> <p>Формулирование свойств степеней. Вычисление степеней с рациональным показателем, выполнение прикидки значения степени, сравнение степеней.</p> <p>Преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих степени, применяя свойства. Решение показательных уравнений.</p> <p>Ознакомление с применением корней и степеней при вычислении средних, делении отрезка в «золотом сечении».</p> <p>Решение прикладных задач на сложные проценты</p>
<b>Преобразование алгебраических выражений</b>	<p>Выполнение преобразований выражений, применение формул, связанных со свойствами степеней и логарифмов.</p> <p>Определение области допустимых значений логарифмического выражения. Решение логарифмических уравнений.</p>
<b>ОСНОВЫ ТРИГОНОМЕТРИИ</b>	
<b>Основные понятия</b>	Изучение радианного метода измерения углов вращения и их связи с градусной мерой. Изображение углов вращения на окружности, соотнесение величины угла с его

	расположением. Формулирование определений тригонометрических функций для углов поворота и острых углов прямоугольного треугольника и объяснение их взаимосвязи.
<b>Основные тригонометрические тождества</b>	Применение основных тригонометрических тождеств для вычисления значений тригонометрических функций по одной из них
<b>Преобразования простейших тригонометрических выражений</b>	Изучение основных формул тригонометрии: формулы сложения, удвоения, преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму и применение при вычислении значения тригонометрического выражения и упрощения его. Ознакомление со свойствами симметрии точек на единичной окружности и применение их для вывода формул приведения
<b>Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства</b>	Решение по формулам и тригонометрическому кругу простейших тригонометрических уравнений. Применение общих методов решения уравнений (приведение к линейному, квадратному, метод разложения на множители, замены переменной) при решении тригонометрических уравнений. Умение отмечать на круге решения простейших тригонометрических неравенств
<b>Арксинус, арккосинус, арктангенс числа</b>	Ознакомление с понятием обратных тригонометрических функций. Изучение определений арксинуса, арккосинуса, арктангенса числа, формулирование их, изображение на единичной окружности, применение при решении уравнений
<b>ФУНКЦИИ, ИХ СВОЙСТВА И ГРАФИКИ</b>	
<b>Функции. Понятие о непрерывности функции</b>	Ознакомление с понятием переменной, примерами зависимостей между переменными. Ознакомление с понятием графика, определение принадлежности точки графику функции. Определение по формуле простейшей зависимости, вида ее графика. Выражение по формуле одной переменной через другие. Ознакомление с определением функции, формулирование его. Нахождение области определения и области значений функции
<b>Свойства функции. Графическая интерпретация. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях</b>	Ознакомление с примерами функциональных зависимостей в реальных процессах из смежных дисциплин. Ознакомление с доказательными рассуждениями некоторых свойств линейной и квадратичной функций, проведение исследования линейной, кусочно-линейной, дробно-линейной и квадратичной функций, построение их графиков. Построение и чтение графиков функций. Исследование функций. Составление видов функций по данному условию, решение задач на экстремум. Выполнение преобразований графика функции
<b>Обратные функции</b>	Изучение понятия обратной функции, определение вида и построение графика обратной функции, нахождение ее области определения и области значений. Применение свойств функций при исследовании уравнений и решении

	задач на экстремум. Ознакомление с понятием сложной функции
<b>Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции. Обратные тригонометрические функции</b>	<p>Вычисление значений функций по значению аргумента. Определение положения точки на графике по ее координатам и наоборот.</p> <p>Использование свойств функций для сравнения значений степеней и логарифмов. Построение графиков степенных и логарифмических функций.</p> <p>Решение показательных и логарифмических уравнений и неравенств по известным алгоритмам.</p> <p>Ознакомление с понятием непрерывной периодической функции, формулирование свойств синуса и косинуса, построение их графиков.</p> <p>Ознакомление с понятием гармонических колебаний и примерами гармонических колебаний для описания процессов в физике и других областях знания.</p> <p>Ознакомление с понятием разрывной периодической функции, формулирование свойств тангенса и котангенса, построение их графиков.</p> <p>Применение свойств функций для сравнения значений тригонометрических функций, решения тригонометрических уравнений. <i>Построение графиков обратных тригонометрических функций и определение по графикам их свойств.</i> Выполнение преобразования графиков.</p>
<b>НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА</b>	
<b>Последовательности</b>	<p>Ознакомление с понятием числовой последовательности, способами ее задания, вычислениями ее членов.</p> <p><i>Ознакомление с понятием предела последовательности.</i></p> <p>Ознакомление с вычислением суммы бесконечного числового ряда на примере вычисления суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии.</p> <p>Решение задач на применение формулы суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии.</p>
<b>Производная и ее применение</b>	<p>Ознакомление с понятием производной.</p> <p>Изучение и формулирование ее механического и геометрического смысла, изучение алгоритма вычисления производной на примере вычисления мгновенной скорости и углового коэффициента касательной.</p> <p>Составление уравнения касательной в общем виде.</p> <p>Усвоение правил дифференцирования, таблицы производных элементарных функций, применение для дифференцирования функций, составления уравнения касательной.</p> <p>Изучение теорем о связи свойств функции и производной, формулировка их.</p> <p>Проведение с помощью производной исследования функции, заданной формулой.</p> <p>Установление связи свойств функции и производной по их графикам.</p> <p>Применение производной для решения задач на нахождение наибольшего, наименьшего значения и нахождение экстремума</p>

<b>Первообразная и интеграл</b>	Ознакомление с понятием интеграла и первообразной. Изучение правила вычисления первообразной и теоремы Ньютона—Лейбница. Решение задач на связь первообразной и ее производной, вычисление первообразной для данной функции. Решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей.
<b>УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА</b>	
<b>Уравнения и системы уравнений. Неравенства и системы неравенств с двумя переменными</b>	Ознакомление с простейшими сведениями о корнях алгебраических уравнений, понятиями исследования уравнений и систем уравнений. Изучение теории равносильности уравнений и ее применения. Повторение записи решения стандартных уравнений, приемов преобразования уравнений для сведения к стандартному уравнению. Решение рациональных, иррациональных, показательных и тригонометрических уравнений и систем. Использование свойств и графиков функций для решения уравнений. Повторение основных приемов решения систем. Решение уравнений с применением всех приемов (разложения на множители, введения новых неизвестных, подстановки, графического метода). Решение систем уравнений с применением различных способов. Ознакомление с общими вопросами решения неравенств и использование свойств и графиков функций при решении неравенств. Решение неравенств и систем неравенств с применением различных способов. Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретирование результатов с учетом реальных ограничений
<b>ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ, ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И СТАТИСТИКИ</b>	
<b>Основные понятия комбинаторики</b>	Изучение правила комбинаторики и применение при решении комбинаторных задач. Решение комбинаторных задач методом перебора и по правилу умножения. Ознакомление с понятиями комбинаторики: размещениями, сочетаниями, перестановками и формулами для их вычисления. Объяснение и применение формул для вычисления размещений, перестановок и сочетаний при решении задач. Ознакомление с биномом Ньютона и треугольником Паскаля. Решение практических задач с использованием понятий и правил комбинаторики
<b>Элементы теории вероятностей</b>	Изучение классического определения вероятности, свойств вероятности, теоремы о сумме вероятностей. Рассмотрение примеров вычисления вероятностей. Решение задач на вычисление вероятностей событий
<b>Представление данных (таблицы, диаграммы, графики)</b>	Ознакомление с представлением числовых данных и их характеристиками. Решение практических задач на обработку числовых данных, вычисление их характеристик

ГЕОМЕТРИЯ	
<b>Прямые и плоскости в пространстве</b>	<p>Формулировка и приведение доказательств признаков взаимного расположения прямых и плоскостей.</p> <p>Распознавание на чертежах и моделях различных случаев взаимного расположения прямых и плоскостей, аргументирование своих суждений. Формулирование определений, признаков и свойств параллельных и перпендикулярных плоскостей, двугранных и линейных углов.</p> <p>Выполнение построения углов между прямыми, прямой и плоскостью, между плоскостями по описанию и распознавание их на моделях.</p> <p>Применение признаков и свойств расположения прямых и плоскостей при решении задач.</p> <p>Изображение на рисунках и конструирование на моделях перпендикуляров и наклонных к плоскости, прямых, параллельных плоскостей, углов между прямой и плоскостью и обоснование построения.</p> <p>Решение задач на вычисление геометрических величин.</p> <p>Описывание расстояния от точки до плоскости, от прямой до плоскости, между плоскостями, между скрещивающимися прямыми, между произвольными фигурами в пространстве.</p> <p>Формулирование и доказывание основных теорем о расстояниях (теорем существования, свойства).</p> <p>Изображение на чертежах и моделях расстояния и обоснование своих суждений. Определение и вычисление расстояний в пространстве. Применение формул и теорем планиметрии для решения задач.</p> <p>Ознакомление с понятием параллельного проектирования и его свойствами. <i>Формулирование теоремы о площади ортогональной проекции многоугольника.</i></p> <p>Применение теории для обоснования построений и вычислений. Аргументирование своих суждений о взаимном расположении пространственных фигур</p>
<b>Многогранники</b>	<p>Описание и характеристика различных видов многогранников, перечисление их элементов и свойств.</p> <p>Изображение многогранников и выполнение построения на изображениях и моделях многогранников.</p> <p>Вычисление линейных элементов и углов в пространственных конфигурациях, аргументирование своих суждений. Характеристика и изображение сечения, <i>развертки многогранников</i>, вычисление площадей поверхностей.</p> <p>Построение простейших сечений куба, призмы, пирамиды.</p> <p>Применение фактов и сведений из планиметрии.</p> <p>Ознакомление с видами симметрий в пространстве, формулирование определений и свойств. Характеристика симметрии тел вращения и многогранников.</p> <p>Применение свойств симметрии при решении задач.</p> <p>Использование приобретенных знаний для исследования и моделирования несложных задач.</p>

	Изображение основных многогранников и выполнение рисунков по условиям задач
<b>Тела вращения</b>	<p>Ознакомление с видами тел вращения, формулирование их определений и свойств.</p> <p>Формулирование теорем о сечении шара плоскостью и плоскости, касательной к сфере.</p> <p>Характеристика и изображение тел вращения, их развертки, сечения.</p> <p>Решение задач на построение сечений, вычисление длин, расстояний, углов, площадей. Проведение доказательных рассуждений при решении задач.</p> <p>Применение свойств симметрии при решении задач на тела вращения, комбинацию тел.</p> <p>Изображение основных круглых тел и выполнение рисунка по условию задачи</p>
<b>Измерения в геометрии</b>	<p>Ознакомление с понятиями площади и объема, аксиомами и свойствами.</p> <p>Решение задач на вычисление площадей плоских фигур с применением соответствующих формул и фактов из планиметрии. Изучение теорем о вычислении объемов пространственных тел, решение задач на применение формул вычисления объемов. Изучение формул для вычисления площадей поверхностей многогранников и тел вращения.</p> <p>Ознакомление с методом вычисления площади поверхности сферы. Решение задач на вычисление площадей поверхности пространственных тел</p>
<b>Координаты и векторы</b>	<p>Ознакомление с понятием вектора. Изучение декартовой системы координат в пространстве, построение по заданным координатам точек и плоскостей, нахождение координат точек.</p> <p>Нахождение уравнений окружности, сферы, плоскости. Вычисление расстояний между точками.</p> <p>Изучение свойств векторных величин, правил разложения векторов в трехмерном пространстве, правил нахождения координат вектора в пространстве, правил действий с векторами, заданными координатами.</p> <p>Применение теории при решении задач на действия с векторами. Изучение скалярного произведения векторов, векторного уравнения прямой и плоскости. Применение теории при решении задач на действия с векторами, координатный метод, применение векторов для вычисления величин углов и расстояний. Ознакомление с доказательствами теорем стереометрии о взаимном расположении прямых и плоскостей с использованием векторов</p>

<sup>1</sup> Письмо Министерства образования и науки РФ от 24.11.2011 № МД-1552/03 «Об оснащении общеобразовательных учреждений учебным и учебно-лабораторным оборудованием».

## **КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ**

Контроль и оценка результатов освоения учебной дисциплины осуществляется преподавателем в процессе проведения всех видов занятий в форме индивидуального, фронтального опроса; выполнения практических заданий, аудиторных самостоятельных работ, а также выполнения обучающимися индивидуальных заданий и творческих проектов.

**Условные обозначения форм контроля:**

МД - математический диктант

ФО – фронтальный опрос (устный или письменный)

ПЗ – практическое занятие

ПР – проверочная работа

КР – контрольная работа

СР – самостоятельная работа по карточкам (на 15-20 мин)

Тест – тематический тест (на 20-25 мин)

Образовательное учреждение, реализующее подготовку по учебной дисциплине, обеспечивает организацию и проведение промежуточной аттестации и текущего контроля индивидуальных образовательных достижений – демонстрируемых обучающимися знаний, умений и навыков. Текущий контроль проводится преподавателем в процессе проведения практических знаний и лабораторных работ, тестирования, а также выполнения обучающимися индивидуальных заданий, проектов, исследований.

Формы и методы промежуточной аттестации и текущего контроля по учебной дисциплине самостоятельно разрабатываются образовательным учреждением и доводятся до сведения обучающихся не позднее начала двух месяцев от начала обучения.

<b>Содержание обучения</b>	<b>Характеристика основных видов деятельности студентов (на уровне учебных действий)</b>	<b>Формы и методы контроля и оценки результатов основных видов деятельности студентов</b>
<b>АЛГЕБРА</b>		
<b>Развитие понятия о числе</b>	<b>предметных:</b> - выполнение арифметических действий над числами, сочетая устные и письменные приемы; - нахождение приближенных значений величин и погрешностей вычислений (абсолютной и относительной); сравнение числовых выражений; - нахождение ошибок в преобразованиях и вычислениях (относится ко всем пунктам программы).	тестирование, фронтальный опрос, входной контроль, практические занятия №№1-59, контрольные работы №№1-9, экспертная оценка публичной защиты рефератов, сообщений

<b>Корни, степени, логарифмы</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ознакомление с понятием корня <math>n</math>-й степени, свойствами радикалов и правилами сравнения корней;</li> <li>- формулирование определения корня и свойств корней;</li> <li>- вычисление и сравнение корней, выполнение прикидки значения корня;</li> <li>- преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих радикалы;</li> <li>- выполнение расчетов по формулам, содержащим радикалы, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;</li> <li>- определение равносильности выражений с радикалами; решение иррациональных уравнений;</li> <li>- ознакомление с понятием степени с действительным показателем;</li> <li>- нахождение значений степени, используя при необходимости инструментальные средства;</li> <li>- записывание корня <math>n</math>-й степени в виде степени с дробным показателем и наоборот;</li> <li>- формулирование свойств степеней;</li> <li>- вычисление степеней с рациональным показателем, выполнение прикидки значения степени, сравнение степеней;</li> <li>- преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих степени, применяя свойства; решение показательных уравнений.</li> </ul>	тестирование, практические занятия №№3-11, контрольные работы №№2, экспертная оценка составления кроссворда
<b>Преобразование алгебраических выражений</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- выполнение преобразований выражений, применение формул, связанных со свойствами степеней и логарифмов;</li> <li>- определение области допустимых значений логарифмического выражения; решение логарифмических уравнений.</li> </ul>	тестирование, практические занятия №№1-59, контрольные работы №№1-9,
<b>ОСНОВЫ ТРИГОНОМЕТРИИ</b>		
<b>Основные понятия</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- изучение радианного метода измерения углов вращения и их связи с градусной мерой; изображение углов вращения на окружности, соотнесение величины угла с его расположением; формулирование определений тригонометрических функций для углов поворота и острых углов прямоугольного треугольника и объяснение их взаимосвязи.</li> </ul>	тестирование, фронтальный опрос, практическое занятие №23, контрольные работы №5

<b>Основные тригонометрические тождества</b>	<b>предметных:</b> - применение основных тригонометрических тождеств для вычисления значений тригонометрических функций по одной из них.	тестирование, фронтальный опрос, практические занятия №№24 - 28, контрольные работы №№5
<b>Преобразования простейших тригонометрических выражений</b>	<b>предметных:</b> - изучение основных формул тригонометрии: формулы сложения, удвоения, преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму и применение при вычислении значения тригонометрического выражения и упрощения его; ознакомление со свойствами симметрии точек на единичной окружности и применение их для вывода формул приведения.	тестирование, фронтальный опрос, практические занятия №№24-28, контрольные работы №№5
<b>Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства</b>	<b>предметных:</b> - решение по формулам и тригонометрическому кругу простейших тригонометрических уравнений; - применение общих методов решения уравнений (приведение к линейному, квадратному, метод разложения на множители, замены переменной) при решении тригонометрических уравнений; - умение отмечать на круге решения простейших тригонометрических неравенств.	тестирование, фронтальный опрос, практические занятия №№29-30, контрольные работы №№5
<b>Арксинус, арккосинус, арктангенс числа</b>	<b>предметных:</b> - ознакомление с понятием обратных тригонометрических функций; - изучение определений арксинуса, арккосинуса, арктангенса числа, формулирование их, изображение на единичной окружности, применение при решении уравнений.	тестирование, фронтальный опрос, практические занятия №№28-30, контрольные работы №№5
<b>ФУНКЦИИ, ИХ СВОЙСТВА И ГРАФИКИ</b>		
<b>Функции. Понятие о непрерывности функции</b>	<b>предметных:</b> - ознакомление с понятием переменной, примерами зависимостей между переменными; - ознакомление с понятием графика, определение принадлежности точки графику функции; определение по формуле простейшей зависимости, вида ее графика; выражение по формуле одной переменной через другие; - ознакомление с определением функции, формулирование его; - нахождение области определения и	тестирование, фронтальный опрос, практические занятия №№20-22

	области значений функции	
<b>Обратные функции</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- изучение <i>понятия обратной функции</i>, определение вида и <i>построение графика обратной функции</i>, <i>нахождение ее области определения и области значений</i>;</li> <li>- применение свойств функций при исследовании уравнений и решении задач на экстремум;</li> <li>- ознакомление с понятием сложной функции.</li> </ul>	тестирование, фронтальный опрос, практические занятия №№21-22,
<b>Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции. Обратные тригонометрические функции</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- вычисление значений функций по значению аргумента; определение положения точки на графике по ее координатам и наоборот;</li> <li>- использование свойств функций для сравнения значений степеней и логарифмов;</li> <li>- построение графиков степенных и логарифмических функций;</li> <li>- решение показательных и логарифмических уравнений и неравенств по известным алгоритмам;</li> <li>- ознакомление с понятием непрерывной периодической функции, формулирование свойств синуса и косинуса, построение их графиков;</li> <li>- ознакомление с понятием гармонических колебаний;</li> <li>- ознакомление с понятием разрывной периодической функции, формулирование свойств тангенса и котангенса, построение их графиков;</li> <li>- применение свойств функций для сравнения значений тригонометрических функций, решения тригонометрических уравнений;</li> <li>- выполнение преобразования графиков.</li> </ul>	тестирование, фронтальный опрос, практические занятия №№21-22
<b>НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА</b>		
<b>Последовательности</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ознакомление с понятием числовой последовательности, способами ее задания, вычислениями ее членов;</li> <li>- ознакомление с понятием <i>предела последовательности</i>;</li> <li>- ознакомление с вычислением суммы бесконечного числового ряда на примере вычисления суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии;</li> </ul>	тестирование, фронтальный опрос, практическое занятие №№51, контрольные работы №8

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- решение задач на применение формулы суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии.</li> </ul>	
<b>Производная и ее применение</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ознакомление с понятием производной;</li> <li>- изучение и формулирование ее механического и геометрического смысла, изучение алгоритма вычисления производной на примере вычисления мгновенной скорости и углового коэффициента касательной;</li> <li>- составление уравнения касательной в общем виде;</li> <li>- усвоение правил дифференцирования, таблицы производных элементарных функций, применение для дифференцирования функций, составления уравнения касательной;</li> <li>- проведение с помощью производной исследования функции, заданной формулой;</li> <li>- установление связи свойств функции и производной по их графикам;</li> <li>- применение производной для решения задач на нахождение наибольшего, наименьшего значения и нахождение экстремума.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>тестирование, фронтальный опрос, практические занятия №№52-58, контрольные работы №8, экспертная оценка публичной защиты рефератов, сообщений</li> </ul>
<b>Первообразная и интеграл</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ознакомление с понятием интеграла и первообразной;</li> <li>- изучение правила вычисления первообразной и теоремы Ньютона—Лейбница;</li> <li>- вычисление первообразной для данной функции;</li> <li>- решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>тестирование, фронтальный опрос, практическое занятие №59, контрольные работы №9, экспертная оценка публичной защиты рефератов, сообщений</li> </ul>
<b>УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА</b>		
<b>Уравнения и системы уравнений. Неравенства и системы неравенств с двумя переменными</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ознакомление с простейшими сведениями о корнях алгебраических уравнений, понятиями исследования уравнений и систем уравнений;</li> <li>- изучение теории равносильности уравнений и ее применения;</li> <li>- решение рациональных, иррациональных, показательных и тригонометрических уравнений и систем;</li> <li>- использование свойств и графиков функций для решения уравнений;</li> <li>- повторение основных приемов решения</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>тестирование, фронтальный опрос, практические занятия №№38-49, контрольные работы №7, экспертная оценка публичной защиты рефератов, сообщений и составление кроссворда</li> </ul>

	<p>систем;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- решение уравнений с применением всех приемов (разложения на множители, введение новых неизвестных, подстановки, графического метода);</li> <li>- решение систем уравнений с применением различных способов;</li> <li>- ознакомление с общими вопросами решения неравенств и использование свойств и графиков функций при решении неравенств;</li> <li>- решение неравенств и систем неравенств с применением различных способов.</li> </ul>	
<b>ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ, ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И СТАТИСТИКИ</b>		
<b>Основные понятия комбинаторики</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- изучение правил комбинаторики и применение при решении комбинаторных задач;</li> <li>- решение комбинаторных задач методом перебора и по правилу умножения;</li> <li>- ознакомление с понятиями комбинаторики: размещениями, сочетаниями, перестановками и формулами для их вычисления;</li> <li>- объяснение и применение формул для вычисления размещений, перестановок и сочетаний при решении задач;</li> <li>- ознакомление с биномом Ньютона и треугольником Паскаля;</li> <li>- решение практических задач с использованием понятий и правил комбинаторики.</li> </ul>	фронтальный опрос, экспертная оценка публичной защиты рефератов, сообщений, практическая занятие № 50
<b>Элементы теории вероятностей</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- изучение классического определения вероятности, свойств вероятности, теоремы о сумме вероятностей;</li> <li>- решение задач на вычисление вероятностей событий.</li> </ul>	фронтальный опрос, экспертная оценка публичной защиты рефератов, сообщений
<b>Представление данных (таблицы, диаграммы, графики)</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ознакомление с представлением числовых данных и их характеристиками;</li> <li>- решение практических задач на обработку числовых данных, вычисление их характеристик.</li> </ul>	фронтальный опрос, экспертная оценка публичной защиты рефератов, сообщений
<b>ГЕОМЕТРИЯ</b>		
<b>Прямые и плоскости в пространстве</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формулировка и приведение доказательств признаков взаимного расположения прямых и плоскостей;</li> <li>- распознавание на чертежах и моделях различных случаев взаимного</li> </ul>	тестирование, математический диктант, фронтальный опрос, практические занятия №№12-15,

	<p>расположения прямых и плоскостей, аргументирование своих суждений;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формулирование определений, признаков и свойств параллельных и перпендикулярных плоскостей, двугранных и линейных углов;</li> <li>- выполнение построения углов между прямыми, прямой и плоскостью, между плоскостями по описанию и распознавание их на моделях;</li> <li>- применение признаков и свойств расположения прямых и плоскостей при решении задач;</li> <li>- изображение на рисунках и конструирование на моделях перпендикуляров и наклонных к плоскости, прямых, параллельных плоскостей, углов между прямой и плоскостью и обоснование построения;</li> <li>- решение задач на вычисление геометрических величин;</li> <li>- описывание расстояния от точки до плоскости, от прямой до плоскости, между плоскостями, между скрещивающимися прямыми, между произвольными фигурами в пространстве. Изображение на чертежах и моделях расстояния и обоснование своих суждений.</li> </ul> <p>Определение и вычисление расстояний в пространстве. Применение формул и теорем планиметрии для решения задач. Ознакомление с понятием параллельного проектирования и его свойствами.</p> <p>Аргументирование своих суждений о взаимном расположении пространственных фигур</p>	<p>контрольные работы №3,</p> <p>экспертная оценка публичной защиты рефератов, сообщений и составление кроссворда</p>
<b>Многогранники</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- описание и характеристика различных видов многогранников, перечисление их элементов и свойств. Изображение многогранников и выполнение построения на изображениях и моделях многогранников;</li> <li>- вычисление линейных элементов и углов в пространственных конфигурациях, аргументирование своих суждений.</li> </ul> <p>Характеристика и изображение сечения, вычисление площадей поверхностей.</p> <p>Построение простейших сечений куба, призмы, пирамиды. Применение фактов и</p>	<p>тестирование, фронтальный опрос, практические занятия №№31-37, контрольные работы №6,</p> <p>экспертная оценка публичной защиты рефератов, сообщений</p>

	<p>сведений из планиметрии;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ознакомление с видами симметрий в пространстве, формулирование определений и свойств. Характеристика симметрии тел вращения и многогранников;</li> <li>- применение свойств симметрии при решении задач. Использование приобретенных знаний для исследования и моделирования несложных задач.</li> <li>- изображение основных многогранников и выполнение рисунков по условиям задач.</li> </ul>	
<b>Тела и поверхности вращения</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ознакомление с видами тел вращения, формулирование их определений и свойств. Формулирование теорем о сечении шара плоскостью и плоскости, касательной к сфере. Характеристика и изображение тел вращения, их развертки, сечения. Решение задач на построение сечений, вычисление длин, расстояний, углов, площадей. Проведение доказательных рассуждений при решении задач;</li> <li>- применение свойств симметрии при решении задач на тела вращения, комбинацию тел. Изображение основных круглых тел и выполнение рисунка по условию задачи.</li> </ul>	тестирование, фронтальный опрос, практические занятия №№36-37, контрольные работы №6, экспертная оценка публичной защиты рефератов, сообщений и составление кроссворда
<b>Измерения в геометрии</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ознакомление с понятиями площади и объема, аксиомами и свойствами;</li> <li>- решение задач на вычисление площадей плоских фигур с применением соответствующих формул и фактов из планиметрии;</li> <li>- изучение теорем о вычислении объемов пространственных тел, решение задач на применение формул вычисления объемов;</li> <li>- изучение формул для вычисления площадей поверхностей многогранников и тел вращения. Ознакомление с методом вычисления площади поверхности сферы.</li> <li>- решение задач на вычисление площадей поверхности пространственных тел.</li> </ul>	тестирование, фронтальный опрос, практические занятия №№31-37, контрольные работы №6, экспертная оценка публичной защиты рефератов, сообщений
<b>Координаты и векторы</b>	<p><b>предметных:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ознакомление с понятием вектора;</li> <li>- изучение декартовой системы координат в пространстве, построение по заданным координатам точек и плоскостей, нахождение координат точек;</li> <li>- нахождение уравнений окружности,</li> </ul>	тестирование, фронтальный опрос, практические занятия №№16-19, контрольные работы №4, экспертная оценка

	<p>сфера, плоскости;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- вычисление расстояний между точками;</li> <li>- изучение свойств векторных величин, правил разложения векторов в трехмерном пространстве, правил нахождения координат вектора в пространстве, правил действий с векторами, заданными координатами;</li> <li>- применение теории при решении задач на действия с векторами;</li> <li>- изучение скалярного произведения векторов, векторного уравнения прямой и плоскости. Применение теории при решении задач на действия с векторами, координатный метод, применение векторов для вычисления величин углов и расстояний.</li> </ul>	<p>публичной защиты рефератов, сообщений и составление кроссворда</p>
--	--	---

**Результаты освоения содержания учебной дисциплины «Математика» обеспечивает достижение студентами следующих результатов:**

**• личностных:**

- сформированность представлений о математике как универсальном языке науки;
  - понимание значимости математики для научно-технического прогресса;
  - сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики;
  - овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни;
  - готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию;
  - готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности.
- 

**– метапредметных:**

**Регулятивные:**

- управление своей деятельностью;
- контроль и коррекция;
- инициативность и самостоятельность.

**Коммуникативные:**

- речевая деятельность;
- навыки сотрудничества.

**Познавательные:**

- работа с информацией;
- работа с учебными моделями;
- использование общих схем решения;
- выполнения логических операций сравнения, анализа, обобщения, классификации;
- установление аналогий, подведение под понятие.

# **УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ**

## **ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ «МАТЕМАТИКА: АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА; ГЕОМЕТРИЯ»**

Освоение программы учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия» предполагает наличие в профессиональной образовательной организации, реализующей образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения ОПОП СПО на базе основного общего образования, учебного кабинета, в котором имеется возможность обеспечить обучающимся свободный доступ в Интернет во время учебного занятия и период внеучебной деятельности.

Помещение кабинета должно удовлетворять требованиям Санитарно-эпидемиологических правил и нормативов (СанПиН 2.4.2 № 178-02) и быть оснащено типовым оборудованием, указанным в настоящих требованиях, в том числе специализированной учебной мебелью и средствами обучения, достаточными для выполнения требований к уровню подготовки обучающихся<sup>1</sup>.

В кабинете должно быть мультимедийное оборудование, посредством которого участники образовательного процесса могут просматривать визуальную информацию по математике, создавать презентации, видеоматериалы, иные документы.

В состав учебно-методического и материально-технического обеспечения программы учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия» входят:

- многофункциональный комплекс преподавателя;
- наглядные пособия (комплекты учебных таблиц, плакатов, портретов выдающихся ученых-математиков и др.);
- информационно-коммуникативные средства;
- экранно-звуковые пособия;
- комплект технической документации, в том числе паспорта на средства обучения, инструкции по их использованию и технике безопасности;
- библиотечный фонд.

# **УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

## **Требования к минимальному материально-техническому обеспечению.**

Реализация программы дисциплины требует наличия учебного кабинета **«МАТЕМАТИКА: АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА; ГЕОМЕТРИЯ».**

### Оборудование учебного кабинета:

- посадочных мест по количеству обучающихся;
- стулья;
- доска классная;
- рабочее место преподавателя;
- шкафы для хранения учебно-методической литературы.

### Учебные наглядные пособия:

- справочные учебные пособия по математике;
- методические рекомендации по выполнению лабораторных работ по химии;
- методические рекомендации по выполнению внеаудиторной самостоятельной работы.

### Технические средства обучения

- компьютер и программное обеспечение

### Действующая нормативно-техническая и технологическая документация:

- правила техники безопасности и производственной санитарии.

## **Рекомендуемая литература**

### **Для студентов**

1. Н. Ш. Кремер, О. Г. Константинова, М. Н. Фридман Математика для колледжей. (учебное пособие для среднего профессионального образования) — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 346 с.
2. Баврин, И. И. Математика: учебник и практикум для среднего профессионального образования / И. И. Баврин. — 2-е изд., перераб. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2020. — 616 с.
3. Дадаян, А. А. Математика: учебник / А.А. Дадаян. — 3-е изд., испр. и доп. — Москва ИНФРА-М, 2020. — 544 с.
4. Башмаков М. И. Математика (базовый уровень). 10 класс. — М., 2014.  
Башмаков М. И. Математика (базовый уровень). 10 класс.  
Сборник задач: учеб. пособие. — М., 2008.
5. Башмаков М. И. Математика (базовый уровень). 11 класс. — М., 2014.  
Башмаков М. И. Математика (базовый уровень). 11 класс  
Сборник задач: учеб. пособие. — М., 2012.
6. А.Н. Колмогоров и др., Алгебра и начала анализа 10 (11) кл, М. Просвещение, 2010.
7. Геометрия 10-11 кл, А.В. Погорелов, М. Просвещение, 2001

### **Для преподавателя**

1. Федеральный закон от 29.12.2012 № 273-ФЗ «Об образовании в Российской Федерации».
2. Приказ Министерства образования и науки РФ от 17.05.2012 № 413 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего (полного) общего образования».
3. Приказ Министерства образования и науки РФ от 29.12.2014 № 1645 «О внесении изменений в Приказ Министерства образования и науки Российской Федерации от 17.05.2012 № 413 «“Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего (полного) общего образования”».
4. Письмо Департамента государственной политики в сфере подготовки рабочих кадров и ДПО Министерства образования и науки РФ от 17.03.2015 № 06-259 «Рекомендации по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом требований федеральных государственных образовательных стандартов и получаемой профессии или специальности среднего профессионального образования».
5. Башмаков М. И. Математика: кн. для преподавателя: метод. пособие. — М., 2013
6. Башмаков М. И., Цыганов Ш. И. Методическое пособие для подготовки к ЕГЭ. — М., 2011.

### **Интернет-ресурсы**

1. [www.fcior.edu.ru](http://www.fcior.edu.ru) (Информационные, тренировочные и контрольные материалы)
2. [www.school-collection.edu.ru](http://www.school-collection.edu.ru) (Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов).